

Ajuste lineal por mínimos cuadrados de funciones exponenciales en datos experimentales: linealización de ecuaciones exponenciales

Linear least squares fit of exponential functions in experimental data: linearization of exponential equations

Ajuste de funções exponenciais a dados experimentais pelo método dos mínimos quadrados lineares: linearização de equações exponenciais

Jose Manuel Torres Valencia: ID. 0000-0002-1030-9680

Universidad Nacional Autónoma de México

Email: jmanueltova8@hotmail.com

Resumen.

Se aborda la necesidad de clarificar operaciones matemáticas aplicadas a datos experimentales con comportamiento exponencial, especialmente en contextos de recursos limitados. Se propone la linealización de ecuaciones exponenciales como herramienta para diagnosticar comportamientos predictivos, destacando que no existe un único método para ello, sino una pluralidad de enfoques que deben ser evaluados críticamente. Desde una perspectiva filosófica, el autor cuestiona el abuso del método cuantitativo y la reducción de la ciencia a una imagen del mundo basada únicamente en “datos duros”, ignorando la complejidad y los contextos humanos. Se plantea que la comunicación científica debe considerar la axiología de las políticas públicas y los impactos sociales y ambientales, promoviendo una visión más holística e interdisciplinaria.

Metodológicamente, se contrastan diversas fuentes bibliográficas y se desarrolla un ejercicio basado en la ley de Arrhenius, aplicando logaritmos naturales y el método de mínimos cuadrados para obtener parámetros predictivos. El modelo resultante presenta un coeficiente de correlación de 0.9999, indicando una excelente aproximación.

En la discusión, se comparan distintos enfoques de linealización, evidenciando que algunos omiten cálculos clave como el coeficiente de correlación, lo que limita la evaluación de la incertidumbre. Finalmente, se concluye que la literatura especializada ofrece múltiples soluciones técnicas, pero carece de una reflexión epistemológica

profunda, lo que sugiere la necesidad de nuevas rutas de investigación interdisciplinarias desde la formación académica.

Palabras claves: proceso, análisis cuantitativo, paradigma, comportamiento exponencial, mínimos cuadrados.

Abstract.

This article addresses the need to clarify mathematical operations applied to experimental data with exponential behavior, especially in contexts of limited resources. It proposes the linearization of exponential equations as a tool for diagnosing predictive behaviors, highlighting that there is no single method for this, but rather a plurality of approaches that must be critically evaluated. From a philosophical perspective, the author questions the overuse of quantitative methods and the reduction of science to a worldview based solely on "hard data," ignoring complexity and human contexts. It argues that scientific communication should consider the axiology of public policies and social and environmental impacts, promoting a more holistic and interdisciplinary vision. Methodologically, various bibliographic sources are compared, and an exercise based on the Arrhenius law is developed, applying natural logarithms and the least squares method to obtain predictive parameters. The resulting model presents a correlation coefficient of 0.9999, indicating an excellent approximation. The discussion compares different linearization approaches, revealing that some omit key calculations such as the correlation coefficient, thus limiting the assessment of uncertainty. Finally, it concludes that while the specialized literature offers numerous technical solutions, it lacks a profound epistemological reflection, suggesting the need for new, interdisciplinary research avenues within academic training.

Keywords: process, quantitative analysis, paradigm, exponential behavior, least squares.

Resumo.

Este artigo aborda a necessidade de esclarecer as operações matemáticas aplicadas a dados experimentais com comportamento exponencial, especialmente em contextos de recursos limitados. Propõe a linearização de equações exponenciais como ferramenta

para diagnosticar comportamentos preditivos, destacando que não existe um único método para isso, mas sim uma pluralidade de abordagens que devem ser avaliadas criticamente. De uma perspectiva filosófica, o autor questiona o uso excessivo de métodos quantitativos e a redução da ciência a uma visão de mundo baseada unicamente em "dados concretos", ignorando a complexidade e os contextos humanos. Argumenta que a comunicação científica deve considerar a axiologia das políticas públicas e os impactos sociais e ambientais, promovendo uma visão mais holística e interdisciplinar. Metodologicamente, diversas fontes bibliográficas são comparadas e um exercício baseado na lei de Arrhenius é desenvolvido, aplicando logaritmos naturais e o método dos mínimos quadrados para obter parâmetros preditivos. O modelo resultante apresenta um coeficiente de correlação de 0,9999, indicando uma excelente aproximação. A discussão compara diferentes abordagens de linearização, revelando que algumas omitem cálculos essenciais, como o coeficiente de correlação, limitando assim a avaliação da incerteza. Por fim, conclui que, embora a literatura especializada ofereça inúmeras soluções técnicas, carece de uma reflexão epistemológica profunda, sugerindo a necessidade de novas linhas de pesquisa interdisciplinares na formação acadêmica.

Palavras-chave: processo, análise quantitativa, paradigma, comportamento exponencial, mínimos quadrados.

Enviado: 19.09:2021

Aprobado: 05.11:2021

Publicado: 21.12:2021

Introducción

Resulta cuestionable el fomento de vocaciones científicas si no se retoma la parte de las discusiones en torno a la construcción del conocimiento verificable y replicable. Cuando el estudiante de pregrado y aún en menor medida el de posgrado desconocen la importancia de la génesis y el análisis de las implicaciones de un método termina reproduciendo mecánicamente los postulados y teorías que se ven reflejadas en la heurística de un proyecto de investigación. No solo hay ausencia de una actitud crítica en la elaboración de un proyecto de investigación, sino que hay desconocimiento de las políticas públicas en lo referente a los recursos financieros disponibles, ya que los proyectos están siendo controlados por los impactos ambientales y el respeto a los derechos humanos en diferentes ámbitos económicos.

En este marco sociopolítico donde los valores de respeto a la naturaleza y a los grupos humanos son los criterios definitorios para la aprobación de recursos financieros, la cuestión a plantear consiste en ¿qué importancia adquieren los proyectos orientados a predecir comportamientos que armonicen la axiología de las políticas públicas?

En este contexto, el artículo en cuestión intenta recuperar la parte crítica del origen del método cuantitativo para desmitificar los abusos a los que ha conducido observar al mundo como una imagen que crece y decrece según medida en donde el investigador, con la herramienta de las matemáticas (en específico las estadísticas) se ha convertido en un gurú o teólogo medieval que predice cualquier fenómeno.

Para revertir esta valoración negativa producida por los métodos que manejan datos y cifras, como es el caso de las consecuencias del método cuantitativo, de beta positivista, se propone como objetivo dar claridad a operaciones matemáticas en donde existen datos experimentales aleatorios que presentan un comportamiento exponencial, donde la principal prioridad es linealizarlos para diagnosticar un comportamiento predictivo contrastado con la literatura existente.

La tesis central es que en la misma medida en que no existe un solo procedimiento matemático para resolver la linealización de ecuaciones exponenciales, sino que existe una pluralidad de procedimientos para resolver problemas de predicción; en esta medida el abuso de valorar a los datos por arriba de las experiencias humanas depende de la orientación de la comunicación que se genere en las ciencias.

En esta tesis se esgrimen argumentos de la filosofía de la ciencia para la discusión central acerca del mundo como un laboratorio sujeto a proceso así como las consecuencias negativas de un tipo de comunicación científica que reduce al mundo, a partir de los llamados “datos duros”, a un mundo inanimado, carente de vida.

Para revertir estas consecuencias negativas se recaba la literatura actual sobre el tema en cuestión y se contrasta con el libro especializado para dar cuenta si las bases de datos experimentales y la academia tributan o no de la visión negativa acerca de los llamados “datos duros” o por el contrario adoptan en su justa medida la noción de aproximación que da margen al paradigma de la complejidad para entender el cosmos, la historia y sobre todo las cosas humanas como son los datos experimentales que son falibles a la capacidad de la mente humana para comprender su realidad.

Marco teórico

Existe un amplio debate en lo que se refiere a la pertinencia de las metodologías cuantitativa y cualitativa que no se resuelve en la heurística de un proyecto de investigación, sino que trasciende a éste, es decir pertenece a los problemas filosóficos sobre si este universo tiene una naturaleza acrática que resulta inútil medirlo (Callejo y Gómez, 2015, pp. 89 ss) o bien “la naturaleza obra según un principio organicista en cuanto proceso de perfeccionamiento” (Whitehead, 1956, pp. 8 ss) que crece y decrece según un logos medible.

Ambas posturas filosóficas (naturaleza acrática y logos que crece y decrece según medida) aún perviven en los paradigmas científicos contemporáneos.

Por ejemplo, el paradigma de la complejidad (Morin, 2008, pp. 45 ss) admite que existen grados de incertidumbre aceptables para medir un tipo de logos que crece y decrece según tres tipos de comportamiento: azaroso, cíclico o inducido por un tipo de regularidad impuesta por el hombre.

Ante esta situación, el debate se ha reducido a una crítica de la epistemología taoísta en contra de la epistemología heraclitiana en el sentido de que la naturaleza tiene grados de azar como posibilidad real de las cosas para darse libertad de asociación que van desde las partículas subatómicas hasta la dispersión de los grupos sociales. Lo mismo sucede

con los ciclos naturales de este planeta que coinciden con los ciclos biológicos de las comunidades orgánicas, es decir, existe un fuerte cuestionamiento en contra de las epistemologías procesales.

La idea de proceso proviene del derecho alemán del siglo XVIII, donde proceso significaba sometimiento a juicio de un acto humano, más tarde con Kant la idea de proceso de la razón significaba someter a la razón a su propio juicio, a una especie de autolegalización para que la experiencia fuera debidamente categorizada sin la presunción de una razón desprovista de realidad (Aguilar, 2016, 71ss).

Sin embargo, los abusos acerca de la idea de proceso tuvieron lugar en el siglo XIX y XX ya que los científicos sociales identificaron el proceso con la evolución del cosmos, la historia y las cosas.

Entiéndase con esta palabra [proceso] lo que Adorno-Horkheimer llamaban Aufklärung, Nietzsche Nilismus, Heidegger Nilismus y Metaphysik, Marx le llamaba Kapital, Monsieur Homail llamaba progres, Guénon llamaba régime de la quantité, Freud llamaba Unbehagen der Kultur, y Spengler (así como Wittgenstein) llamaba Zivilisation. Y se trataba también del lento movimiento del absolute Wissen descrito por Hegel (“porque el ello debe penetrar y dirigir toda la riqueza de la sustancia”). Esto significa recortar dentro de la historia global una figura de la historia occidental, dentro de la cual se desarrolla una secuencia de hechos y transformaciones, en condiciones de laboratorio- (Calasso, 2000, p. 224)

Con estas múltiples direcciones de la palabra proceso se propició un reduccionismo ontológico-epistemológico que “consiste en disminuir o estrechar el ser de los fenómenos y su conocimiento a una forma simple y sencilla de concebir la diversidad y complejidad de la realidad que afecta la compresión integral del objeto de investigación al producir falacias o seudo concreciones que generan endeble resultados de investigación científica” (Guadarrama, 2018, p. 26). Pero no solo el abuso de la palabra proceso crea seudo concreciones sino, sobre todo, dice Calasso:

“paradojas: para que todo fuera proceso, todo tenía que convertirse en cosa. Cosa es aquello que se puede disponer; proceso es una fuerza capaz de disponer de cualquier cosa. Y para que todo llegara a ser cosa, todo debía ser definible, delimitable, en fin separable del todo.” (2000, p. 277)

Lo anterior trajo como consecuencia una rivalidad de paradigmas que hablaban acerca del postulado según el cual existe un tipo de realidad unificada, tal es el caso del

compromiso epistémico del paradigma holista, mientras por otro lado, el paradigma positivista aún sigue asumiendo la existencia de una realidad en sí por medio de la separación del objeto de estudio respecto al sujeto cognoscente.

La discusión se centra en la regularidad empírica que “(...) expresa una relación entre variables con un alto contenido observacional” (Delle, et al, 2005, pp. 42) y que puede medir aparentes anomalías de un sistema o ser parte de un hallazgo en una porción de realidad determinada a partir de un análisis de datos, es decir se asume una porción de realidad intervenida por acción humana y esta porción de realidad tiene la capacidad de autorregularse (visión holística) o por el contrario se requiere de un tipo de proceso que ordene valores y datos para intervenir en él (visión positivista).

Mientras la visión holística apuesta por una actitud ética, la postura positivista acepta un tipo de intervención que no necesariamente es ético sino instrumental y pragmático. Esto último ha causado críticas severas en contra de las consecuencias de la metodología cuantitativa en el sentido de que los datos no hablan porque su lenguaje es el que le otorga la teoría. Al respecto, dice Delle: “Lo que pretende hacer pasar por “datos objetivos” y neutrales es simplemente producto de concepciones teóricas y presupuestos axiológicos que, en la mayoría de los casos, ni siquiera son planteados explícitamente” (pp. 15) por los investigadores.

El abuso de la metodología cuantitativa se ha puesto en cuestión debido a la orientación de las políticas públicas apegadas a derechos humanos y en el peor de los casos es que el universo regido por los números y las relaciones de valores reduce a la ciencia a una imagen del mundo, carente de vida.

En este sentido, la pertinencia que cobra aquí la linealización de ecuaciones exponenciales consiste en demostrar que dicho abuso y reducción de la visión de la ciencia a una imagen del mundo no depende de las operaciones matemáticas en sí, ni de la metodología cuantitativa, sino de la comunicación de los datos arrojados y sobre todo de la orientación cognitiva que la ciencia ha utilizado en la idea de proceso o secuencia para ordenar una porción de realidad que es accesible para la mente humana sin que necesariamente se la realidad en sí como la crítica contra el positivismo ha demostrado (Guadarrama 2018, pp. 117 ss).

Así por ejemplo, en los libros especializados que instruyen a los investigadores en ciernes los autores y editores apelan a una formación teórica versada en filosofía de las ciencias para realizar los ejercicios sobre aproximación de funciones como si se tratará de implementar operaciones matemáticas en un campo determinado orientado por un

pragmatismo ingenuo que ya no es posible en las actuales condiciones socioeconómicas reales, obviando en todo momento que la carga interdisciplinaria cada vez ejerce mayor influencia en una academia determinada como podría ser la academia de matemáticas. Por tal motivo, lo que interesa aquí es contribuir a dar claridad a operaciones matemáticas en donde existen datos experimentales aleatorios que presentan un comportamiento exponencial, donde la principal prioridad es linealizarlos para diagnosticar un comportamiento predictivo en proyectos ajustados a recursos limitados en la práctica real en la aprobación de proyectos.

Marco metodológico

Se consultó al azar en la base de datos Google Scholar para referir tres fuentes bibliográficas y una fuente de libro especializado con el propósito de contrastar los métodos de linealización para diagnosticar un comportamiento predictivo para datos experimentales. Específicamente se desarrolló la ecuación de mínimos cuadrados propuesta por Hurtado y Domínguez (2019, pp. 447) quien deja la ecuación abierta para la fundamentación no sólo teórica del concepto de aproximación (matemáticamente demostrable) sino las variantes que puede haber para abordar la linealización de ecuaciones exponenciales sin que se acepte dogmáticamente un solo procedimiento en la tabla 1.

Tabla 1.

Recabación de fuentes bibliográficas.

| Años | Dossier | Artículo (Colombia) | Artículo (México) | Libro |
|------|---|-----------------------------------|--|----------------------|
| Sf | Aproximación por mínimos cuadrados. | | | |
| 2014 | | Estimación de incertidumbre... | | |
| 2015 | | | Aplicación del método de los mínimos.... | |
| 2019 | | | | Métodos numéricos |

Fuente: propia

En lo que se refiere al dossier (Rodríguez, R., sf), se trata de un documento con orientación académica aplicado en la UAEM con el propósito de facilitar a los estudiantes la sencillez para la aproximación de mínimos cuadrados sin conexión con los datos experimentales de un proyecto de investigación previamente aprobado.

En lo que se refiere al artículo “Estimación de incertidumbre para aforo de tanques y carrotanques basado en ajuste por método de mínimos cuadrados lineales” (Macana, et alt, 2014) desarrollado por el Instituto de Metodología de Colombia, se plantea un método de interpolación óptima por ajuste de mínimos cuadrados lineales, el cual es validado utilizando datos experimentales de estudios previos en tanques horizontales, es decir que se trata de una publicación postproyecto.

Mientras que la el artículo editado por la UNAM (Díaz, et alt, 2015) “Aplicación del método de los mínimos cuadrados para la obtención de los parámetros de los modelos de Henderson y Chung-Pfost” desarrolla modelos matemáticos que predigan los puntos de equilibrio de humedad de los materiales higroscópicos que habitualmente se transportan, y la explicación de la obtención de los métodos de cálculo de los parámetros mediante regresión lineal de los mínimos cuadrados da una comprensión complementaria, lo cual sugiere que se trata de un proyecto debidamente aprobado (Chapra y Canale, 2015).

Por último, en el libro de Hurtado y Domínguez, 2019, pp. 433 se toma la matemática correspondiente en base a los logaritmos naturales, se busca la solución de un ejercicio en base a las siguientes operaciones:

En el estudio de la constante de velocidad κ de una reacción química a diferentes temperaturas se obtuvieron los siguientes datos en la tabla 2.:

| Tabla 2. | | | | | | | |
|----------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|------|--------|--------|--------|
| T(k) | 293 | 300 | 320 | 340 | 360 | 380 | 400 |
| κ | 8.53×10^{-5} | 19.1×10^{-5} | 1.56×10^{-3} | 0.01 | 0.0522 | 0.2284 | 0.8631 |

Calcule el factor de frecuencia z y la energía de activación E, asumiendo que los datos experimentales siguen la ley de Arrhenius.

$$\kappa = ze^{\frac{-E}{1.98 T}}$$

Se exponen los datos experimentales en el gráfico 1.

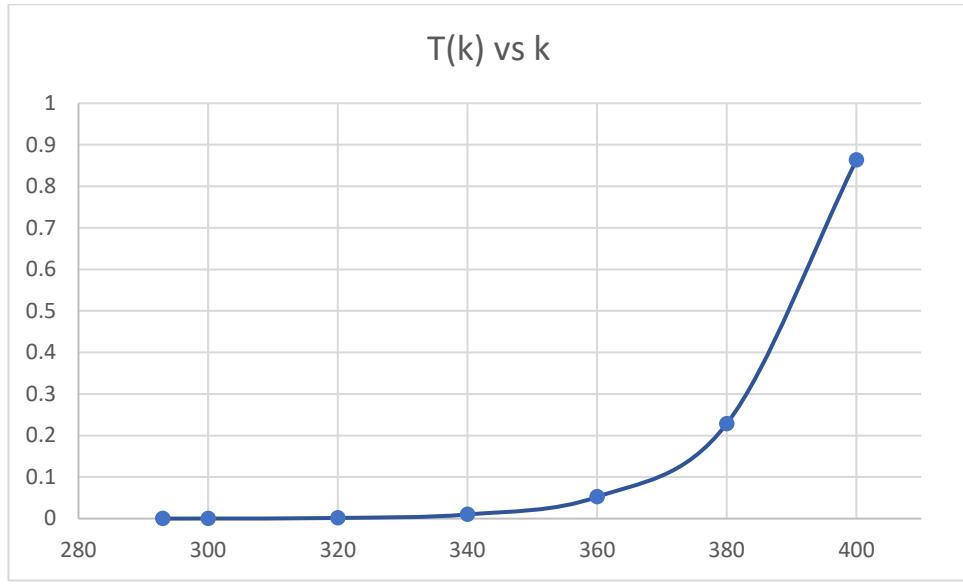


Gráfico 1

Linealización de relaciones no lineales.

$$\kappa = ze^{\frac{-E}{1.98T}}$$

A la ecuación anterior se aplica logaritmo natural para iniciar el proceso de linealización.

$$\ln(\kappa) = \ln(z * e^{\frac{-E}{1.98T}})$$

Aplicando la siguiente propiedad de logaritmo natural $\ln(a * b) = \ln(a) + \ln(b)$, resulta:

$$\ln(\kappa) = \ln(z) + \ln(e^{\frac{-E}{1.98T}})$$

Como $\ln e = 1$, se obtiene:

$$\ln(\kappa) = \ln(z) + \left(-\frac{E}{1.98T} \right)$$

$$\ln(\kappa) = \ln(z) - \left(\frac{E}{1.98T} \right)$$

Utilizando una operación con fracciones se obtiene

$$\ln(\kappa) = \frac{1.98 * T * \ln(z) - E}{1.98 * T}$$

Realizando el despeje correspondiente se obtienen la siguiente ecuación, donde $y = 1.98 * T * \ln(\kappa)$, $a_0 = -E$, $a_1 = 1.98 * T$, $x = \ln(z)$

$$1.98 * T * In(\kappa) = -E + 1.98 * T * In(z)$$

$$y = a_0 + a_1 x$$

Para para localizar a_0 y a_1 se aplica ajuste por mínimos cuadrados, formulando el resultado en forma matricial.

$$\begin{bmatrix} m & \sum xi \\ \sum xi & \sum xi^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum yi \\ \sum xi * yi \end{bmatrix}$$

Se procede a obtener las sumatorias solicitadas en Excel.

| Tabla 3. | | | | |
|----------|---------|------------|------------|------------|
| i | X | Y | x^2 | $x*y$ |
| 1 | 580.14 | -5435.5266 | 336562.42 | -3153366.4 |
| 2 | 594 | -5089.681 | 352836 | -3023270.5 |
| 3 | 633.6 | -4095.0008 | 401448.96 | -2594592.5 |
| 4 | 673.2 | -3100.2006 | 453198.24 | -2087055 |
| 5 | 712.8 | -2104.6652 | 508083.84 | -1500205.3 |
| 6 | 752.4 | -1111.0366 | 566105.76 | -835943.92 |
| 7 | 792 | -116.60198 | 627264 | -92348.767 |
| Total | 4738.14 | -21052.713 | 3245499.22 | -13286782 |

Sustituyendo los valores solicitados de la forma matricial resulta:

$$\begin{bmatrix} 7 & 4738.14 \\ 4738.14 & 3245499.22 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -21052.713 \\ -13286782 \end{bmatrix}$$

Utilizando la técnica de eliminación de Gauss se obtiene:

$$\begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -20005.3984 \\ 25.11219093 \end{bmatrix}$$

Donde:

$$a_1 = -E$$

$$a_2 = In(z)$$

Por lo tanto

$$E = 20005.3984$$

$$z = e^{25.11219093} = 80553784468$$

Se obtuvieron las incógnitas, quedando la ecuación de la siguiente forma:

$$\kappa = 80553784468 * e^{\frac{20005.3984}{1.98 T}}$$

Ver gráfico 2.

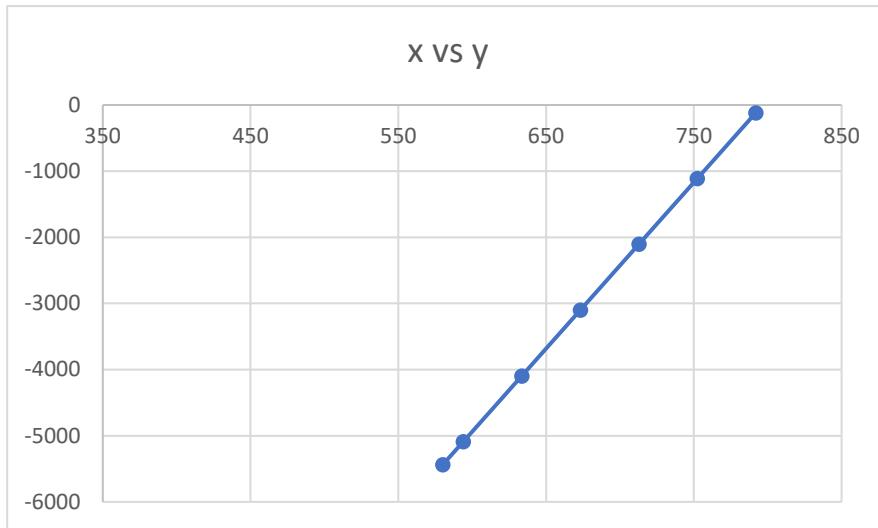


Gráfico 2.

Coeficiente de correlación

Se presenta un ajuste perfecto donde el cálculo de $r = 1$, significa que la linealización representa el 100 % de la variabilidad de los datos y si $r = 0$, el ajuste no presenta alguna mejora. Se procede a calcular el coeficiente de correlación

$$r = \sqrt{\frac{s_t - s_r}{s_t}}$$

$$s_t = \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2$$

$$s_r = \sum_{i=1}^n (y_i - a_1 - a_2 x)^2$$

Se calcula las sumatorias requeridas para el cálculo del Coeficiente de correlación. Ver tabla 4.

Tabla 4.

| I | $(yi - \bar{y})^2$ | $(yi - a_1 - a_2x)^2$ |
|-------|--------------------|-----------------------|
| 1 | 5895165.84 | 1.65210353 |
| 2 | 4335351.06 | 0.85368355 |
| 3 | 1182591.92 | 0.4713462 |
| 4 | 8587.76256 | 0.10828584 |
| 5 | 815165.618 | 0.58305413 |
| 6 | 3596688.77 | 0.00256012 |
| 7 | 8357467.07 | 0.00345265 |
| Total | 24191018 | 3.67448603 |

Se sustituye los valores solicitados

$$r = \sqrt{\frac{24191018 - 3.67448603}{24191018}}$$

El siguiente resultado muestra que el modelo explicó el 99.99 % de la incertidumbre original.

$$r = 0.9999$$

Discusión

Una vez contrastadas las operaciones se observó que en el primer ejemplo del dossier de la UAEIM para enseñanza superior, presenta la solución de un ejercicio del tipo exponencial, donde no hacen uso de logaritmos naturales y no desarrollan la matemática correspondiente. Además, el ajuste que presentan no tiene el cálculo de coeficiente de correlación, el cual describe que tan conveniente o no es el ajuste planteado que ayuda a describir la incertidumbre que tiene el modelo con referencia a los datos obtenidos.

En el segundo ejemplo publicado en Colombia, para el cálculo de la incertidumbre de un modelo de datos experimentales, se calcula la incertidumbre del modelo, lo cual favorece para diagnosticar que tan precisa es la aproximación. El modelo que presentan es propuesto a la deviación estándar, aquí se presenta el coeficiente de correlación que de la misma forma sirve para diagnosticar el modelo pero de una forma que ayuda a economizar el tiempo.

En la publicación de UNAM, el ajuste realizado es elaborado por un procedimiento distinto al presentado en esta publicación, donde se demuestra que no importa el modelo o procedimiento a seguir, ya que ambos cumplen la misma función encontrar un modelo que describa el fenómeno. No presenta el coeficiente de correlación, por lo que dicho cálculo favorece a describir la incertidumbre del modelo planteado.

Del libro de (Hurtado y Domínguez, 2019, pp. 433) se toma la matemática correspondiente en base a los logaritmos naturales, se busca la solución de un ejercicio del mismo libro y se desarrolla un procedimiento paso a paso hasta llegar al modelo, además se calcula el coeficiente de correlación un contenido que no presenta el libro y que además es proporcionados por lo que podemos concluir lo siguiente.

Conclusiones

La literatura existente tiene como principal característica la pluralidad de soluciones en lo que respecta a la linealización de ecuaciones exponenciales, sin embargo no es consciente de los problemas epistemológicos que yacen en el fondo para la parte de la heurística de los proyectos sino que se concibe como parte de un conjunto de herramientas disponibles para las ingenierías, lo cual puede inferirse que ha sido la comunicación de resultados científico basados en datos experimentales que aún sigue sin recoger contextos globales como son los impactos negativos en la naturaleza y las políticas públicas apegadas a derechos humanos que son los criterios decisionales para la aprobación de un presupuesto y no solo el rendimiento financiero asignado a un instituto o universidad dedicada a la investigación en ingeniería. Mientras que la bibliografía académica se encuentra aún más lejos de los problemas planteados por la epistemología y de los contextos sociopolíticos.

Esto sugiere nuevas rutas de investigación interdisciplinarias promovidas desde la parte de la formación de pregrado y por supuestos en posgrado dedicar seminarios sobre comunicación de resultados de proyectos bajo miradas multifactoriales y no solo apegados a criterios de ahorro financiero.

Bibliografía

- Calasso, R (2000). *La ruina de Kash*: Anagrama.
- Chapra y Canale (2015). *Métodos numéricos para ingenieros*: Mc Graw Hill.
- Delle et al (2005). *Construcción del marco teórico, formulación de los objetivos y elección de la metodología*: Clacso
- Hurtado y Domínguez (2019). *Métodos numéricos*: Patria.
- Guadarrama, P (2018). Para qué sirve la epistemología: Editorial Magisterio.
- Morin, E (2008) *La mente ordenada*: S. XXI.
- Whitehead, A (1956) *Proceso y realidad*: Losada.

Revistas

- Aguilar, J (2016). “El Marx del proceso” en *Theoría*, vol. 30-31, pp. 1171-190.
- Callejo y Gómez (2015). “Descripción de la realidad mente-cerebro-universo a partir de un nuevo paradigma científico y la tradición oriental: posible diálogo entre la neurociencia en Pribram y la tradición taoísta en Hallazgos”, vol. 6, núm. 12, pp. 87-110.
- Rodríguez, R. (sf). “Aproximación por mínimos cuadrados” en UAEM: Dossier <http://ri.uaemex.mx/oca/bitstream/20.500.11799/33527/1/secme-18917.pdf>
- Macana, et alt (2014). “Estimación de incertidumbre para aforo de tanques y carro tanques basado en ajuste por método de mínimos cuadrados lineales” en *Simposio de Metrología*, pp 1-6.
- Díaz, et alt (2015). “Aplicación del método de los mínimos cuadrados para la obtención de los parámetros de los modelos de Henderson y Chung-Pfost” en *Educación Química*, pp.139-145.